

- Diseñar un sistema de transmisión PCM que transmitir la señal dada por la siguiente función
- $$f(t) = 2 \cos(2\pi t) + 4 \sin(4\pi t)$$

a) Determina la velocidad mínima del convertidor:

$$f(t) = 2 \cos(2\pi t) + 4 \sin(4\pi t), \text{ periodo a límite dividido entre } 2\pi \\ 2 \cos(t) + 4 \sin(2t) \text{ el AB} = 2 \text{ Hz}$$

La velocidad mínima del convertidor es la frecuencia de Nyquist, el doble del AB de la señal, con lo que en este caso es de 4 Hz .

- b) Si se utiliza una frecuencia de muestra de 8 Hz , un cuantizado de 64 niveles y una codificación binaria. Determina la capacidad mínima que tiene que tener un canal para poder transmitir la señal PCM y su ancho de banda. Repta los cálculos para una codificación cuaternaria.

Muestreo: $f_s = 8 \text{ Hz} , T_s = \frac{1}{f_s} = \frac{1}{8} = 0'125 \text{ s}$

Cuantización: $64 \text{ niveles} = m$

Codificación: $m = \log_2 m , AD = \frac{1}{2} (\text{cuantizando la base del log, vale para binario, cuaternario})$

Binario:

$$m = \log_2 64 = 6 \text{ (niveles)} \quad T = \frac{T_s}{2} = 0'02083 , AD = \frac{1}{2} = 48 \text{ Hz}$$

Capacidad del canal: $C = \frac{\log_2 m}{T} ; C = 2w \log_2 m ; w = AD$

$$C = \frac{\log_2 2}{T} = \frac{1}{0'02083} = 48 ; w = \frac{C}{2 \log_2 2} = \frac{48}{2} = 24 \text{ Hz}$$

Cuaternario:

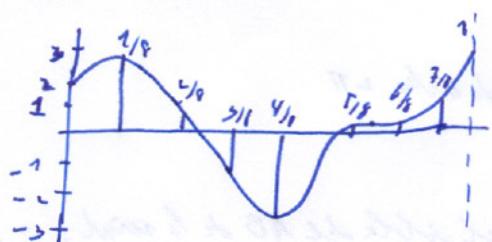
$$m = \log_4 64 = 3 \text{ (niveles)} \quad T = \frac{T_s}{3} = 0'04166 , AD = \frac{1}{3} = 24 \text{ Hz}$$

Capacidad del canal: $C = \frac{\log_2 m}{T} ; C = 2w \log_2 m ; w = AD$

$$C = \frac{\log_2 4}{T} = \frac{1}{0'04166} = 48 ; w = \frac{C}{2 \log_2 4} = \frac{48}{2 \cdot 2} = 12 \text{ Hz}$$

c) Dibujar la forma de onda completa (juntas todas las partes concretas) la señal en cada una de los etapas del sistema PCA. Considerar que los valores de la señal pueden variar entre $-3 \rightarrow 3$.

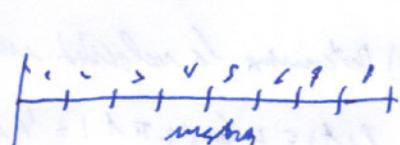
1) Señal muestra:



2) Señal cuantizada:



3) Señal codificada:



Posteriormente habrá que decodificar la señal, y en último lugar liberar la señal que approxima a la señal original.

d) Repetir los cálculos del apartado b) en el caso de que se tienen multiplicaciones 8 veces de la muestra natural en la señal anteriormente.

$$T_s = 0'1125 \quad (\frac{1}{8}) \quad T_s = \frac{0'1125}{4} = 0'015625$$

$$\frac{1}{T_s \cdot 8} = \frac{1}{0'015625} \quad (\text{8 veces 8 bits})$$

$$m = \lg_2 64 = 6 \text{ pulsos en } T_s$$

$$\tau = \frac{T_s}{6} = 2'6042 \quad AB = \frac{1}{\tau} = 0'384 Hz$$

$$C = \frac{\lg_2^2 2}{\tau} = \frac{1}{\tau} = 0'384$$

$$W_{AB} = \frac{C}{\lg_2^2 2} = \frac{0'384}{2} = 0'192 Hz$$

Cuadripariario:

$$m = \lg_4 64 = 3 \text{ pulsos en } T_s$$

$$\tau = \frac{T_s}{3} = 5'2083$$

$$AB = \frac{1}{\tau} = 0'1920 Hz$$

$$C = \frac{\lg_2^4 4}{\tau} = \frac{4}{\tau} = 0'384 \quad W_{AB} = \frac{4}{\lg_2^4 4} = \frac{0'384}{4} = 0'096 Hz$$